

**Aprendizaje de conceptos.  
El aprendizaje como  
generalización**

# Aprendizaje de conceptos

- Consideraremos el problema de inferir automáticamente la definición general de un concepto o clase a partir de un conjunto de ejemplos que pueden ser o no miembros de esa clase.
- Denominaremos a esta tarea *Aprendizaje de conceptos* (*Concept learning*) como la inferencia de una función booleana (es decir, me dirá si/no ese ejemplo queda correctamente clasificado por el concepto general) a partir de ejemplos de entrenamiento, ya sean como salida o como entrada.

# Aprendizaje de conceptos

- Por ejemplo, queremos saber qué representa el concepto definido por la frase “Días en los que mi amigo Aldo disfruta jugando al tenis” . La tabla 2.1 describe un conjunto de ejemplos (tanto positivos como negativos), cada uno representado por un conjunto de atributos. Uno de estos atributos es juega, y la tarea es inferir el valor de este atributo para un día cualquiera (futuro o pasado) a partir del conocimiento de estos ejemplos.
- ¿Es decir, qué concepto genérico clasifica todos o el mayor número posible de ejemplos?
- Para cada atributo la hipótesis puede ser:
  - Una ? si cualquier valor es aceptable para ese atributo
  - Un valor concreto (por ejemplo, *fría*)
  - Un – si no hay ningún valor aceptable.

# Aprendizaje de conceptos

- Para cada atributo la hipótesis puede ser:
  - Una ? si cualquier valor es aceptable para ese atributo
  - Un valor concreto (por ejemplo, *fría*)
  - Un – si no hay ningún valor aceptable.
- Así la hipótesis más general (que cualquier día es un ejemplo positivo) se representa por (?, ?, ?, ?, ?)
- Y la hipótesis posible más específica (que ningún día es un ejemplo positivo) se representa por (-, -, -, -, -)

# Aprendizaje de conceptos

Ejemplo	Cielo	Temperatura	Humedad	Viento	Agua	¿Juega al tenis?
1	Soleado	Caliente	Normal	Fuerte	Caliente	SI
2	Soleado	Caliente	Alta	Fuerte	Caliente	SI
3	Soleado	Fría	Alta	Fuerte	Caliente	NO
4	Soleado	Caliente	Alta	Fuerte	Fría	SI

# Aprendizaje de conceptos

## ■ Notación:

- Al conjunto de items sobre los cuales se define el concepto se llama el conjunto de ejemplos (instancias), y se denota por  $X$ 
  - En el ejemplo anterior  $X$  es el conjunto de todos los días representados por sus atributos: cielo, humedad...
- Al concepto o función que debe ser aprendido se le llama concepto objetivo (target concept), y se denota por  $c$ .
  - En general  $c$  puede ser una función booleana definida sobre los ejemplos  $X$ ; esto es,  $c: X \rightarrow \{0,1\}$ 
    - En este ejemplo, el concepto objetivo se corresponde con el valor del atributo ¿juega al tenis?, es decir,  $c(x)=1$  si ¿juega al tenis?=SI, y  $c(x)=0$  si ¿juega al tenis?=NO.

# Aprendizaje de conceptos

- Conjunto de entrenamiento  $D$ : son todos los  $x$  de  $X$  con sus respectivos  $c(x)$ .
  - Los ejemplos para los cuales  $c(x)=1$  se llaman ejemplos positivos, mientras que los ejemplos para los cuales  $c(x)=0$  se llaman ejemplos negativos.
  - Describiremos así los ejemplos como un par  $\langle x, c(x) \rangle$ , y a su conjunto de todos los ejemplos de entrenamiento lo representaremos por la letra  $D$ .

# Aprendizaje de conceptos

- Dado un conjunto de entrenamiento el problema es encontrar la hipótesis  $h$  (o el concepto objetivo  $c$ ) que clasifique esos ejemplos.
  - Llamaremos  $H$  al conjunto de todas esas hipótesis  $h$ . En general cada hipótesis  $h$  en  $H$  representa una función booleana definida sobre  $X$ , es decir,  $h: X \rightarrow \{0,1\}$ .
  - El objetivo del sistema que aprende es encontrar una hipótesis  $h$  tal que  $h(x)=c(x)$  para todo  $x$  en  $X$ .



# Aprendizaje de conceptos

- Hipótesis de aprendizaje inductivo: *cualquier hipótesis encontrada que clasifique un número suficientemente grande de ejemplos de entrenamiento clasificará otros ejemplos no observados.*

# Aprendizaje de conceptos como un problema de búsqueda

- El aprendizaje de conceptos puede verse como un problema de búsqueda en un espacio de estados (donde cada estado es una hipótesis).
- El objetivo de esta búsqueda es encontrar la hipótesis que mejor clasifica el conjunto de ejemplos de entrenamiento.
- Vamos a ver algunos algoritmos para realizar esta búsqueda.

# Ordenación del espacio de hipótesis

- Sean  $h_j$  y  $h_k$  dos hipótesis. Diremos que  $h_j$  *es más general o igual que*  $h_k$  (escrito  $h_j = h_k$ ) si hay más ejemplos que satisfacen  $h_j$  que  $h_k$ . Es decir, si
- Análogamente se define el más general estricto y se representa por  $>_g$
- Y lo mismo ocurre con la relación *más específico que*.

# Algoritmo Find-S

- Se trata de encontrar la hipótesis más específica (en el sentido ya visto) que clasifique el mayor número de ejemplos.
- Empieza con la hipótesis más específica y según se va aplicando a cada uno de los ejemplos se va generalizando para intentar clasificarlos todos.
  - En el ejemplo:
    1. <soleado, caliente, normal, fuerte, caliente> para el ejemplo 1
    2. <soleado, caliente, ?, fuerte, caliente> para el ejemplo 2
    3. <soleado, caliente, ?, fuerte, caliente> para el ejemplo 3 (notar que es un ejemplo negativo, por lo que lo ignora, aunque de hecho lo que hace es clasificarlo como negativo)
    4. <soleado, caliente, ?, fuerte, ?> para el ejemplo 4

# Algoritmo Find-S

- Algoritmo Find-S
  - 1. Inicializa  $h$  a la hipótesis más específica.
  - 2. Para cada ejemplo de entrenamiento  $x$ 
    - 2.1 Si  $x$  es negativo, no hacer nada.
    - 2.2 Si  $x$  es positivo, para cada restricción de atributo  $ai$  en  $h$
  - **IF** la restricción  $ai$  es satisfecha por  $x$ 
    - **THEN** no hacer nada.
    - **ELSE** reemplazar  $ai$  en  $h$  por la siguiente restricción más general que es satisfecha por  $x$ .
  - 3. Hipótesis de salida  $h$ .
- El algoritmo Find-S no trata los ejemplos negativos

# Algoritmo Find-S

- Find-S garantiza encontrar la hipótesis  $h$  en  $H$  más específica que es consistente con todos los ejemplos de entrenamiento positivos (y negativos)
- Cuestiones sin responder:
  - No me dice si es o no la única (es decir, si hay más hipótesis igual de específicas)
  - Como ignora los ejemplos negativos no es sensible al ruido (ejemplos inconsistentes en algunos de sus atributos)
  - No está claro por qué es mejor la hipótesis más específica, es decir, por qué debo preferir la más específica sobre la más general.

# El algoritmo list\_then\_eliminate

1. VersionSpace  $\leftarrow$  a list containing every hypothesis in  $H$
2. For each training example,  $\langle x, c(x) \rangle$  remove from VersionSpace any hypothesis  $h$  for which  $h(x) \neq c(x)$
3. Output the list of hypotheses in VersionSpace

**Es decir, va de lo más general a lo más particular**

# Espacio de Versiones y el algoritmo de *eliminación\_de\_candidatos*

- Este algoritmo nos dará el conjunto de todas las hipótesis que son consistentes con los ejemplos de entrenamiento, es decir:
  - Def: una hipótesis  $h$  es consistente con un conjunto de ejemplos de entrenamiento  $D$  si y solo si  $h(x)=c(x)$  para cada ejemplo  $\langle x, c(x) \rangle$  en  $D$ .
- Noté la diferencia clave entre esta definición de *consistente* y la anterior de *satisface*. Un ejemplo se dice que satisface la hipótesis  $h$  cuando  $h(x)=1$ , independientemente de si  $x$  es un ejemplo positivo o negativo, mientras que sea consistente dependerá del concepto objetivo, y debe clasificar todos los ejemplos.



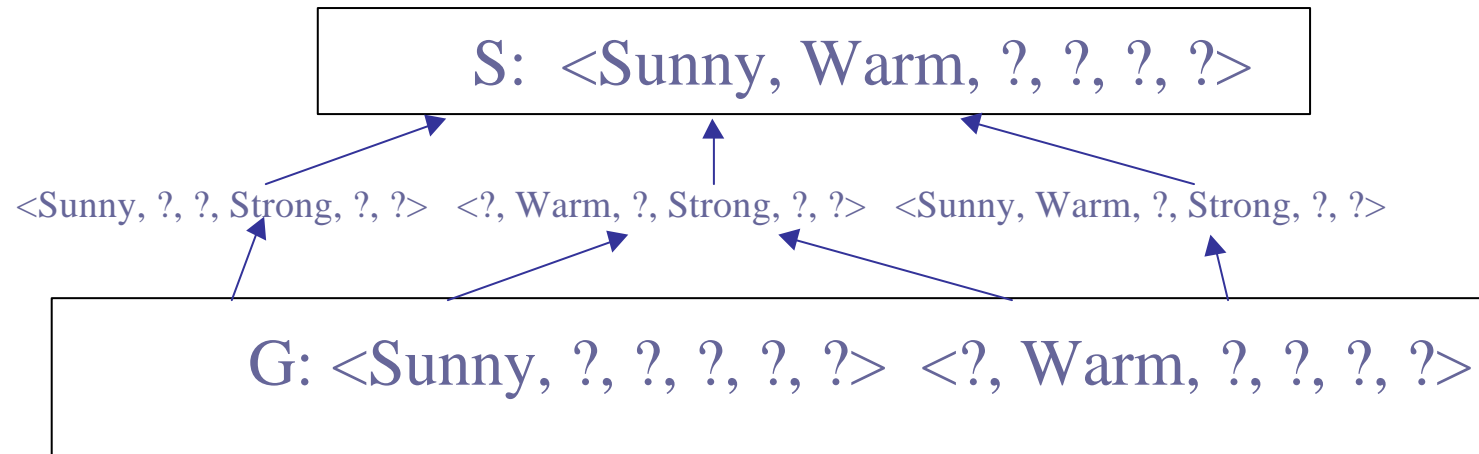
# Espacio de Versiones y el algoritmo de *eliminación\_de\_candidatos*

- El algoritmo de *eliminación\_de\_candidatos* nos dará el conjunto de todas las hipótesis que son consistentes con los ejemplos de entrenamiento. Este subconjunto de  $H$  se denomina Espacio de Versiones  $VS_{H,D}$
- Empieza con el Espacio de Versiones que contiene todas las hipótesis de  $H$  y luego elimina cualquier hipótesis consistente con cualquier ejemplo.

# Representar el Espacio de Versiones

- El límite general  $G$  del espacio de versiones  $V_{SH}$  en  $D$  es el conjunto de todas las hipótesis más generales
- El límite específico  $S$  del espacio de versiones  $V_{SH}$  en  $D$  es el conjunto de todas las hipótesis más específicas
- Todo miembro del espacio de versiones se encuentra entre estos dos límites

# Ejemplo de espacio de versiones



- De las 6 hipótesis elijo la más general (que coincide con el que me da el Find-S) y las más específicas que clasifiquen todos los ejemplos de la tabla

# Espacio de Versiones y el algoritmo de *eliminación\_de\_candidatos*

- [1] Inicialización
  - [1.1] Inicializar  $G$  al conjunto de hipótesis generales maximales de  $H$ .
  - [1.2] Inicializar  $S$  al conjunto de hipótesis específicas maximales de  $H$ .
- [2] Para cada ejemplo de entrenamiento  $d \in D$  hacer:
  - [2.1] Si  $d$  es un ejemplo positivo
    - [2.1.1] Eliminar de  $G$  cualquier hipótesis inconsistente con  $d$ .
    - [2.1.2] Para cada hipótesis  $s \in S$  que no sea consistente con  $d$ 
      - [2.1.2.1] Eliminar  $s$  de  $S$ .
      - [2.1.2.2] Añadir a  $S$  todas las generalizaciones minimales  $h$  de  $s$  tales que  $h$  sea consistente con  $d$  y algún miembro de  $G$  sea más general que  $h$ .
    - [2.1.3] Eliminar de  $S$  cualquier hipótesis que sea más general que otra<sub>20</sub> hipótesis de  $S$ .

# Espacio de Versiones y el algoritmo de *eliminación\_de\_candidatos*

- [2.2] Si  $d$  es un ejemplo negativo:
  - [2.2.1] Eliminar de  $S$  cualquier hipótesis inconsistente con  $d$ .
  - [2.2.2] Para cada hipótesis  $g \in G$  que no sea consistente con  $d$ 
    - [2.2.2.1] Eliminar  $g$  de  $G$ .
    - [2.2.2.2] Añadir a  $G$  todas las especializaciones más específicas  $h$  de  $g$  tales que  $h$  sea consistente con  $d$  y algún miembro de  $S$  es más específico que  $h$ .
    - [2.2.3] Eliminar de  $G$  cualquier hipótesis que sea menos general que otra hipótesis de  $G$ .
- [2.3] Si al procesar  $d$  se tiene que  $S = G$ , fin del algoritmo ( $S$  ó  $G$  es el concepto aprendido).